

## Лекция №10. Индукцированные переходы.

### 1. Механизм индуцированных переходов.

При наличии электромагнитного поля частоты  $\nu \sim \frac{E_2 - E_1}{h}$ , атом энергетические уровни которого на рисунке 9.1 может совершать переход из состояния 1 в состояние 2 поглощая при этом квант электромагнитного поля (фотон) энергии  $h\nu$ . Если атом в тот момент, когда он подвергается действию электромагнитного поля уже занимает состояние 2, это воздействие может привести к его переходу вниз в состояние 1 с испусканием фотона энергии  $h\nu$ .

Процесс индуцированного перехода от спонтанного описанного выше в лекции 9 отвечает то, что в первом случае скорости для переходов  $2 \rightarrow 1$  и  $1 \rightarrow 2$  равны, тогда как для спонтанного процесса скорость  $1 \rightarrow 2$  (то есть, перехода при котором энергия атома увеличивается) равна нулю. Другое принципиальное отличие также следует из основных принципов квантовой механики: скорость индуцированных процессов пропорциональна интенсивности электромагнитного поля, а спонтанных от поля не зависит. Связь между скоростью индуцированного перехода или интенсивностью индуцирующего поля имеет очень большое значение при исследовании взаимодействия атомных систем с электромагнитными полями.

### 2. Аналитическая модель индуцированных переходов.

Рассмотрим в начале взаимодействие в группе идентичных атомов с полем излучения, плотность энергии которого распределена равномерно по частотам вблизи частоты переходов. Пусть  $\rho(\nu)$  – *спектральная плотность энергии*. Допустим, что скорости индуцированных переходов при переходах  $2 \rightarrow 1$  и  $1 \rightarrow 2$  пропорциональны  $\rho(\nu)$ , то есть:

$$\begin{aligned} (W'_{21})_{инд} &= B_{21} \cdot \rho(\nu) \\ (W'_{12})_{инд} &= B_{12} \cdot \rho(\nu), \end{aligned} \quad (10.1)$$

где  $B_{12}$  и  $B_{21}$  – постоянные, которые будут определены нами позже. Общая скорость переходов  $2 \rightarrow 1$  (направленных вниз) – это сумма скоростей индуцированных и спонтанных процессов:

$$W'_{21} = B_{21} \cdot \rho(\nu) + A_{21}. \quad (10.2)$$

Скорость  $A_{21}$  спонтанного процесса обсуждалась в лекции 9. Общая скорость переходов  $1 \rightarrow 2$  (направленных вверх)

$$W'_{12} = (W'_{12})_{инд} = B_{12} \cdot \rho(\nu). \quad (10.3)$$

Теперь нашей задачей является вычисление значений  $B_{12}$  и  $B_{21}$ . Так как коэффициент  $B_{12}$  и  $B_{21}$  зависят от типа атомов, а не от поля излучения можно без потери общности рассмотреть случай, когда атомы находятся в тепловом равновесии с тепловым полем излучения абсолютно черного тела при температуре  $T$ . В этом случае плотность излучения:

$$\rho(\nu) = \frac{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3}{c^3} \cdot \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{KT}} - 1} \quad (10.4)$$

Так как, при тепловом равновесии населенности уровней 2 и 1 не меняются со временем, число переходов  $2 \rightarrow 1$  в данном временном интервале равно числу переходов  $1 \rightarrow 2$  т.е.

$$N_2 \cdot W_{21}' = N_1 \cdot W_{12}', \quad (10.5)$$

где  $N_1$  и  $N_2$  – плотности населенности уровней 1 и 2 соответственно.

Подставив (10.2) и (10.3) в (10.5) получим:

$$N_2 \cdot [B_{21} \cdot \rho(\nu) + A_{21}] = N_1 \cdot B_{12} \cdot \rho(\nu) \quad (10.6)$$

Выражение для  $\rho(\nu)$  возьмем из выражения (10.4):

$$N_2 \cdot [B_{21} \cdot \frac{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3}{c^3} \cdot \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{KT}} - 1} + A_{21}] = N_1 \cdot B_{12} \cdot \frac{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3}{c^3} \cdot \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{KT}} - 1} \quad (10.7)$$

Так как атомы находятся в тепловом равновесии, то из уравнения Больцмана следует, что:

$$\frac{N_2}{N_1} = e^{\frac{h\nu}{KT}} \quad (10.8)$$

Сравнив отношения  $\frac{N_2}{N_1}$  в (10.7) и (10.8), получим:

$$\frac{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3}{c^3} \cdot \frac{1}{e^{\frac{h\nu}{KT}} - 1} = \frac{A_{21}}{B_{12} \cdot e^{\frac{h\nu}{KT}} - B_{21}} \quad (10.9)$$

Полученное равенство (10.9) выполняется только при условии

$$B_{12} = B_{21} \quad (10.10)$$

$$\frac{A_{21}}{B_{21}} = \frac{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3}{c^3} \quad (10.11)$$

Последние два уравнения впервые были получены Эйнштейном. С учетом (10.11) скорость индуцируемого перехода (10.1) запишется в виде:

$$W_i' = \frac{A_{21} c^3}{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3} \cdot \rho(\nu) = \frac{c^3}{8\pi \cdot n^3 \cdot h \cdot \nu^3 \cdot t_{cn}} \cdot \rho(\nu) \quad (10.12)$$

где из-за (10.10) различие между скоростями индуцированных переходов  $2 \rightarrow 1$  и  $1 \rightarrow 2$  отсутствует. Полученное уравнение (10.12) описывает скорость перехода атома вызванного полем с однородным (белым) спектром, спектральная плотность энергии, которой равна нулю.